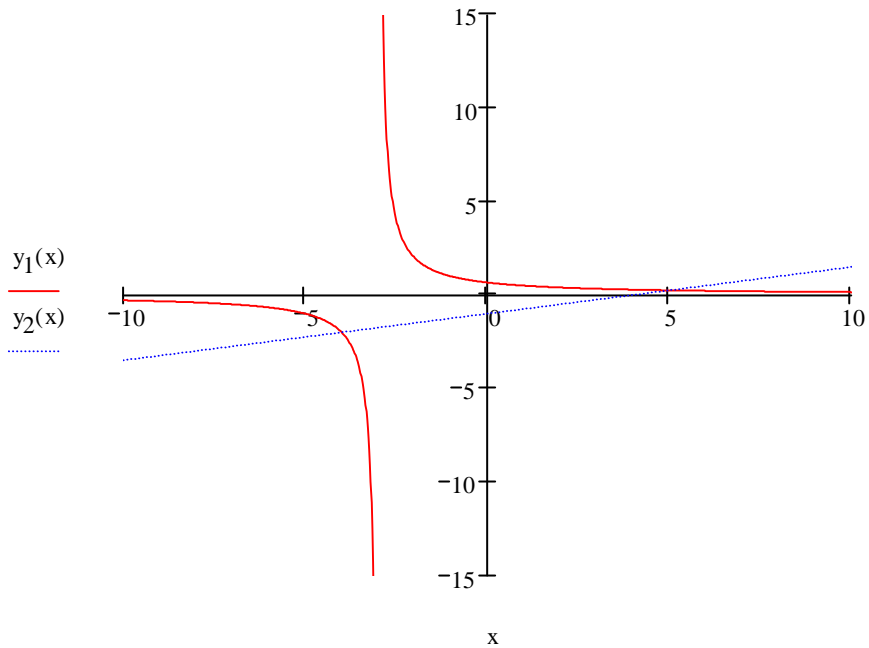


### Schnittpunkte von Funktionen 1

1.  $f_1: y = \frac{2}{x+3}$        $f_2: y = \frac{x}{4} - 1$

$$y_1(x) := \frac{2}{x+3} \quad y_2(x) := \frac{x}{4} - 1$$

$y_1$  ist eine Hyperbel, die um 3 nach links verschoben ist,  $y_2$  eine Gerade mit einer Verschiebung von -1 nach unten ( $d=-1$ )



Schnittpunkte

$$\frac{2}{x+3} = \frac{x-4}{4} \quad 8 = (x+3)(x-4) \quad 8 = x^2 + 3x - 4x - 12$$

$$x_1 := \frac{1}{2} + \sqrt{\frac{1}{4} + 20} \quad x_1 = 5 \quad x_2 := \frac{1}{2} - \sqrt{\frac{1}{4} + 20} \quad x_2 = -4$$

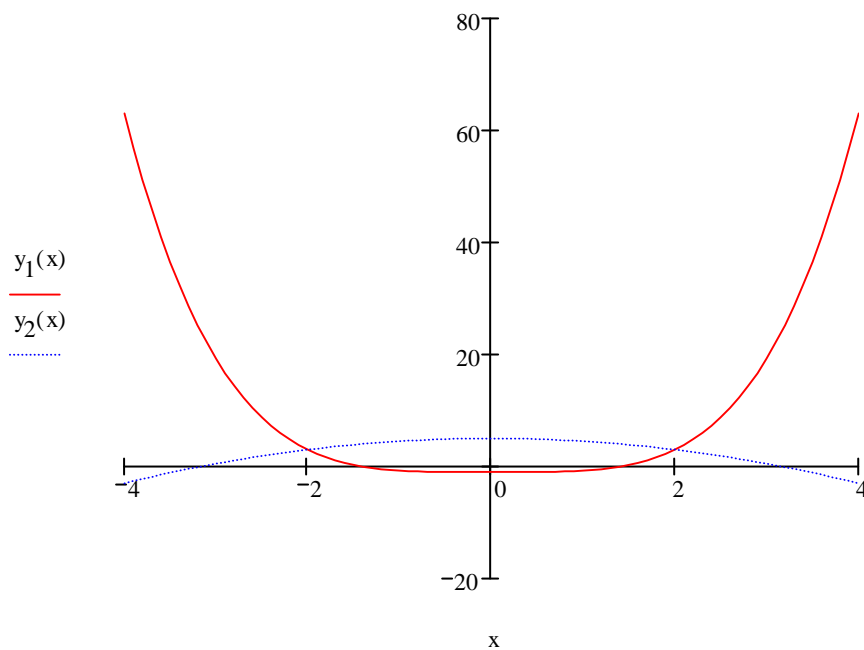
$$y_1(x_1) = 0.25 \quad y_2(x_2) = -2$$

Schnittpunkte  $S_1(5, 0.25)$   $S_2(-4, -2)$

$$3. \quad f_1: y = \frac{x^4}{4} - 1 \qquad f_2: y = 5 - \frac{x^2}{2}$$

$$y_1(x) := \frac{x^4}{4} - 1 \qquad y_2(x) := 5 - \frac{x^2}{2}$$

$y_1$  ist eine Parabel vierter Ordnung, die um 1 nach unten verschoben ist,  $y_2$  eine negative Parabel zweiter Ordnung mit einer Verschiebung von -1 nach oben.



Schnittpunkte :

$$\frac{x^4}{4} - 1 = 5 - \frac{x^2}{2} \quad \text{Wir ersetzen (substituieren) } x^2 \text{ mit } a$$

$$\frac{a^2}{4} - 1 = 5 - \frac{a}{2} \qquad a^2 - 4 = 20 - 2a \qquad a^2 + 2a - 24 = 0$$

$$a_1 := -1 + \sqrt{1 + 24} \qquad a_1 = 4 \qquad a_2 := -1 - \sqrt{1 + 24} \qquad a_2 = -6$$

$$x^2 = a \qquad x_{11}^2 = 4 \qquad x_{11} = 2 \qquad x_{12} = -2$$

Die zweite Lösung von  $a$  ist negativ, daher für  $x$  keine reelle Lösung